



## قواعد التعلم عن بعد

طلابنا الأعزاء... التعلم عن بعد تقنية حديثة في المدرسة الإماراتية ، وقد تم استحداثها من أجل جيل قادر على تحمل مسؤوليات التعلم في أي مكان بعيداً عن الغرفة الصفية، لذا كن جزءاً فعالاً في نجاح هذه التقنية من خلال الإلتزام بقواعد التعلم عن بعد .



## إثبات العلاقات بين الزوايا

1. اذكر أنواع الزوايا

2. قياس الزاوية المستقيمة يساوي.....

## إثبات العلاقات بين الزوايا





# عنوان الدرس

## إثبات العلاقات بين الزوايا

المعلم:

التاسع عام

الصف:

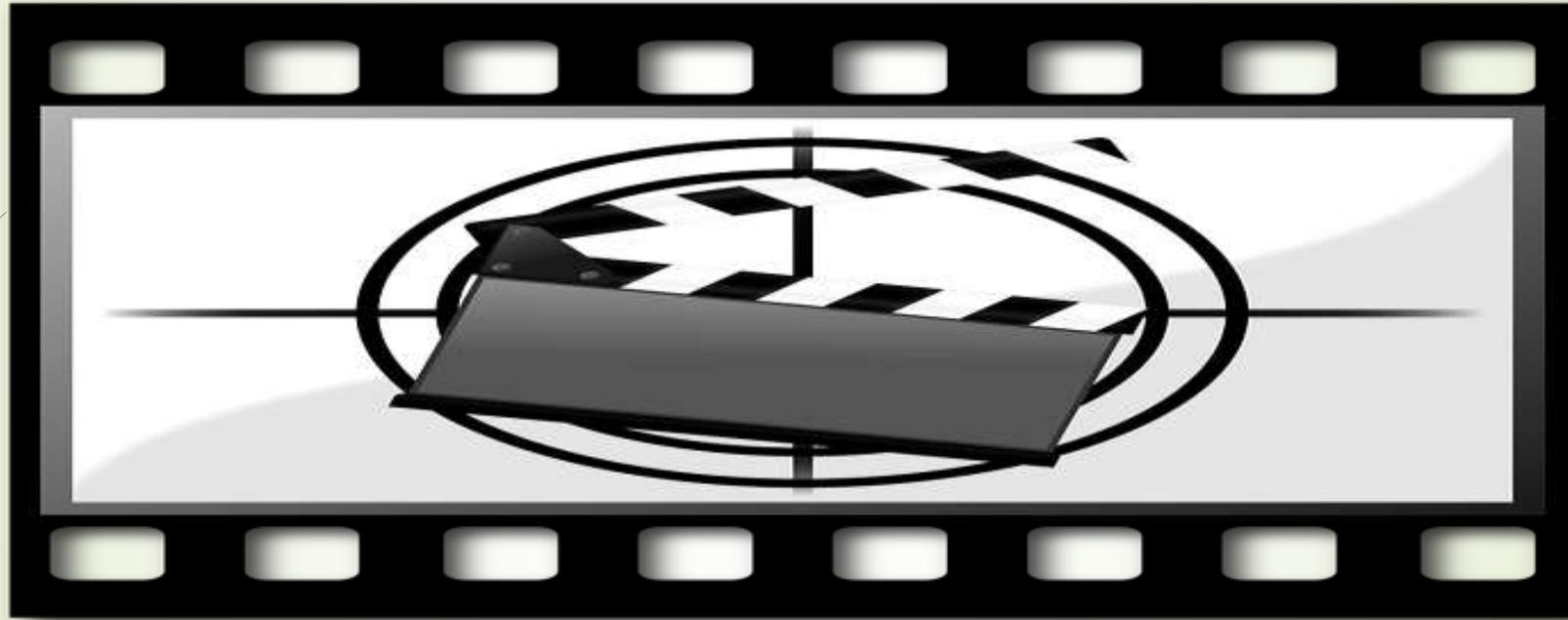
أسامة الباجوري

## إثبات العلاقات بين الزوايا

### نواتج التعلم

1. كتابة براهين تتضمن زوايا متكاملة وزوايا متتامّة.  
.....(تعلم مباشر)
2. كتابة براهين تتضمن زوايا متطابقة وزوايا قائمة  
.....(تعلم ذاتي)

## إثبات العلاقات بين الزوايا



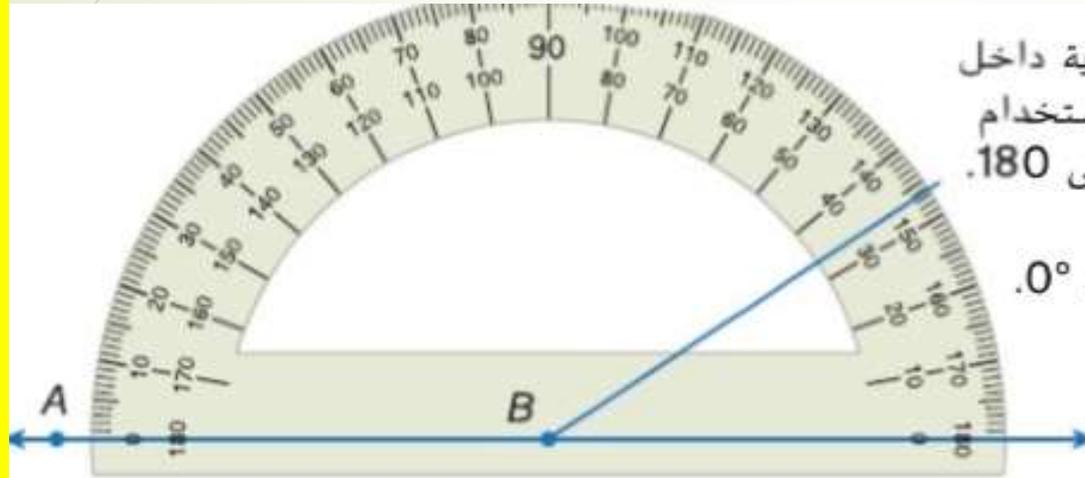
<https://www.youtube.com/watch?v=mMzTW8d1gh8>

# عرض الدرس لتحقيق اول ناتج تعلم :

## إثبات العلاقات بين الزوايا

1 الزوايا المتكاملة والمتتامة توضح مسئلة المنقلة العلاقة بين قياسات الزوايا والأعداد الحقيقية.

### المسئلة 12.10 مسئلة المنقلة

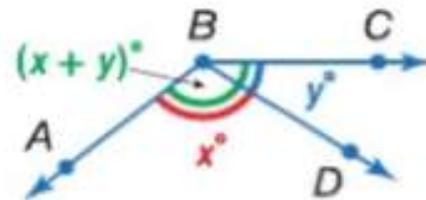


التعبير اللفظي يمكن وضع قياس أي زاوية داخل تطابق عنصر بعنصر باستخدام أعداد حقيقية من 0 حتى 180.

مثال إذا وضع  $\overrightarrow{BA}$  على المنقلة عند الزاوية  $0^\circ$ . فعندئذ سيقابل قياس الزاوية  $\angle ABC$  عددًا حقيقيًا موجبًا.

تعلمت سابقًا مسئلة جمع القطع المستقيمة. توجد علاقة مشابهة بين قياسات الزوايا.

### المسئلة 12.11 مسئلة جمع الزوايا



تقع  $D$  داخل  $\angle ABC$  فقط في حالة  
 $m\angle ABD + m\angle DBC = m\angle ABC$

# عرض الدرس لتحقيق اول ناتج تعلم :

مثال 1 استخدام مسلّمة جمع الزوايا

جد  $m\angle 1$  إذا كان  $m\angle 2 = 56$  و  $m\angle JKL = 145$ .

$$m\angle 1 + m\angle 2 = m\angle JKL$$

$$m\angle 1 + 56 = 145$$

$$m\angle 1 + 56 - 145 = 56 - 56$$

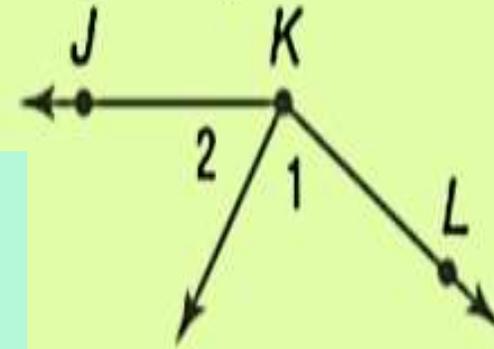
$$m\angle 1 = 89$$

مسلمة جمع الزوايا

$$m\angle 2 = 56 \quad m\angle JKL = 145$$

خاصية الطرح في المعادلة

التعويض

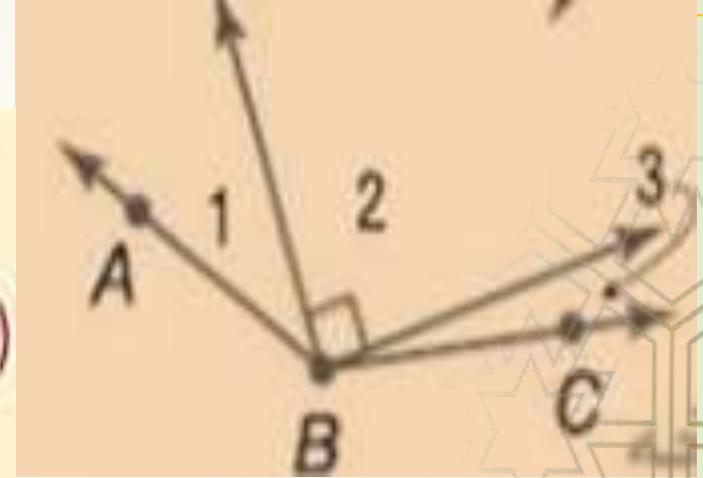


# التقويم التكويني (لنتاج التعلم الأول من الهدف الاول):

تمرين موجة 1 :

1. إذا كان  $m\angle 1 = 23$  و  $m\angle ABC = 131$ . فأوجد قياس  $\angle 3$ . برّر كل خطوة.

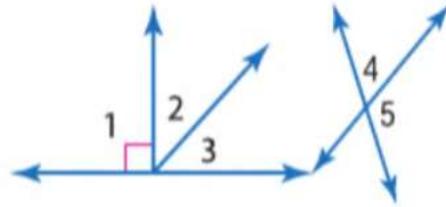
$$\begin{aligned}
 & m\angle 1 + m\angle 2 + m\angle 3 = m\angle ABC \quad (\text{مسلمة جميع الزوايا}) \\
 & 23 + 90 + m\angle 3 = 131 \quad (m\angle 2 = 90) \\
 & 113 + m\angle 3 = 131 \quad (\text{التعويض}) \\
 & 113 + m\angle 3 - 113 = 131 - 113 \quad (\text{خاصية الطرح}) \\
 & m\angle 3 = 18 \quad (\text{التعويض})
 \end{aligned}$$



# إثبات العلاقات بين الزوايا

## تحقق من فهمك

مثال 1



جد قياس كل زاوية مرقمة، واذكر النظريات التي تبرر عملك.

$$m\angle 2 = x, m\angle 3 = x - 16 \quad .2$$

$$m\angle 2 = 26 \quad \textcircled{1}$$

$$m\angle 4 = 3(x - 1), m\angle 5 = x + 7 \quad .4 \quad m\angle 4 = 2x, m\angle 5 = x + 9 \quad .3$$

$$.1 \quad m\angle 1 = 90, m\angle 3 = 64$$

نظرية الزاويتين المتتامتين

$$.2 \quad m\angle 2 = 53, m\angle 3 = 37$$

نظرية الزاويتين المتتامتين

$$.3 \quad m\angle 4 = 114, m\angle 5 = 66$$

نظرية الزاويتين المتكاملتين

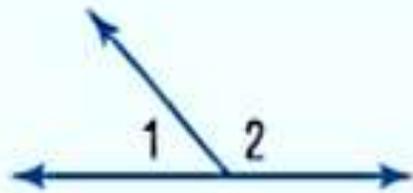
$$.4 \quad m\angle 4 = 129, m\angle 5 = 51$$

نظرية الزاويتين المتكاملتين

# عرض الدرس (لتحقيق ثاني ناتج تعلم من الهدف الاول):

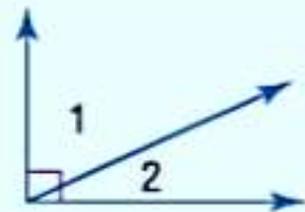
يمكن استخدام مسلّمة جمع الزوايا مع العلاقات الأخرى بين الزوايا لتوفر نظريات إضافية تتعلق بالزوايا

## النظريات



**12.3** نظرية الزاويتين المتكاملتين إذا كوّنت زاويتان زوجًا خطيًا، فإنّهما زاويتان متكاملتان.

$$\text{مثال } m\angle 1 + m\angle 2 = 180$$



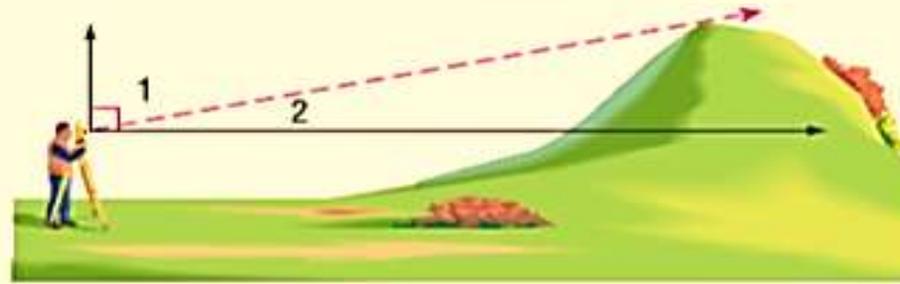
**12.4** نظرية الزاويتين المتتامتين إذا شكّل الضلعان غير المشتركين لزاويتين متجاورتين زاوية قائمة فإنّ الزاويتين تكونان متتامتين.

$$\text{مثال } m\angle 1 + m\angle 2 = 90$$

# عرض الدرس (لتحقيق ثاني ناتج تعلم من

مسح الأراضي تستخدم المساح مزواة لقياس الزاوية بين مستوى نظره وقمة التلة وكانت حوالي  $73^\circ$ . ما قياس الزاوية بين قمة التلة والمستوى الأفقي؟ بّر كل خطوة.

**الفهم** أنشئ رسماً للموقف. يقيس المساح الزاوية بين خط نظره والمستوى الرأسي. ارسم شعاعاً رأسياً وآخر أفقياً من النقطة التي يشاهد فيها المساح التلة. ثم سمّ الزوايا الناتجة. نعرف أن الشعاعين الرأسين والأفقين يكونان زاوية قائمة.



**التخطيط** بما أن  $\angle 1$  و  $\angle 2$  يكونان زاوية قائمة، فيمكنك استخدام نظرية الزاويتين المتتامتين.

$$\text{الحل } m\angle 2 + m\angle 1 = 90$$

$$73 + m\angle 1 = 90$$

$$73 + m\angle 1 - 73 = 90 - 73$$

$$m\angle 1 = 17$$

نظرية الزاويتين المتتامتين

$$m\angle 1 = 73$$

خاصية الطرح في المعادلة

التعويض

تكوّن قمة التل زاوية  $17^\circ$  مع المستوى الأفقي.

**التحقق** بما أننا نعرف أن مجموع الزوايا يجب أن يساوي 90. فيمكنك أن تحقق من حساباتك. إن مجموع 17 و 73 يساوي 90. ✓

# التقويم التكويني (لنتاج التعلم الثاني من

2 للمهدين الأولى):

إثبات العلاقات بين الزوايا

تكوّن الزاويتان  $\angle 6$  و  $\angle 7$  زوجًا خطيًا. إذا كان  $m\angle 6 = 3x + 32$  و  $m\angle 7 = 5x + 12$ . فأوجد  $x$  و  $m\angle 6$  و  $m\angle 7$ . بّر كل خطوة.

$$m\angle 6 + m\angle 7 = 180$$

(نظرية  $\cong$  الزاويتين المتكاملتين)

$$3x + 32 + 5x + 12 = 180 \quad (\text{التعويض})$$

$$8x + 44 = 180 \quad (\text{التعويض})$$

$$8x + 44 - 44 = 180 - 44 \quad (\text{خاصية الطرح})$$

$$8x = 136 \quad (\text{التعويض})$$

$$\frac{8x}{8} = \frac{136}{8} \quad (\text{خاصية القسمة})$$

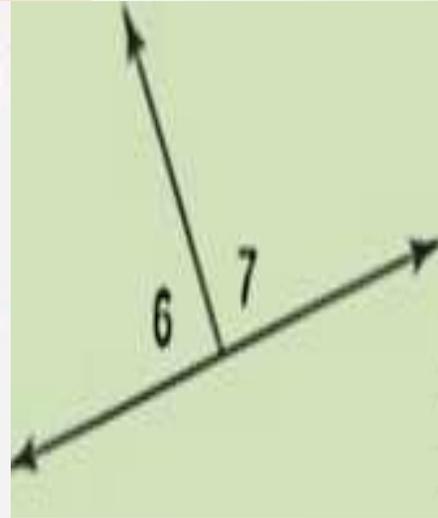
$$x = 17 \quad (\text{التعويض})$$

$$m\angle 6 = 3x + 32 \quad (\text{معطى})$$

$$83 \text{ أو } = 3(17) + 32 \quad (\text{التعويض})$$

$$m\angle 7 = 5x + 12 \quad (\text{معطى})$$

$$97 \text{ أو } = 5(17) + 12 \quad (\text{التعويض})$$



# إثبات العلاقات بين الزوايا

## التقويم



ركن السيارات راجع الرسم التخطيطي لساحة السيارات الموجود في جهة اليسار. إذا علمت أنّ  $\angle 2 \cong \angle 6$ ، فأثبت أنّ  $\angle 4 \cong \angle 8$ .



5. المعطيات:  $\angle 2 \cong \angle 6$

المطلوب إثباته:  $\angle 4 \cong \angle 8$

البرهان:

العبارات (المبررات)

1.  $\angle 2 \cong \angle 6$  (معطى)

2.  $m\angle 2 + m\angle 4 = 180$

$m\angle 6 + m\angle 8 = 180$

(نظرية الزاويتين المتكاملتين)

3.  $m\angle 2 + m\angle 8 = 180$

(التعويض)

4.  $m\angle 2 - m\angle 2 + m\angle 4 = 180 - m\angle 2,$

(خاصية الطرح)

5.  $m\angle 4 = 180 - m\angle 2$

$m\angle 8 = 180 - m\angle 2$

(خاصية الطرح)

6.  $m\angle 4 = m\angle 8$  (التعويض)

7.  $\angle 4 \cong \angle 8$  (تعريف  $\cong$ )

# التقويم الختامي (غلق الدإثبات العلاقات بين الزوايا

